

Kryptologie

Übung, LVA 405.321

C. Fuchs

12. Übungsblatt, SS 2022

08.06.2022

1. Zeige, dass

$$\sum_{i=0}^{n-m} (-1)^i \frac{1}{m+i} \binom{n-m}{i} = \int_0^1 x^{m-1} (1-x)^{n-m} dx = \frac{1}{m} \binom{n}{m}^{-1}$$

für alle $1 \leq m \leq n$ gilt. Folgere daraus, dass $\text{kgV}(1, 2, \dots, n) > 2^n$ für alle $n \geq 7$ erfüllt ist.

2. Sei p ein Primteiler von n . Zeige, dass aus $(X+a)^n \equiv X^n + a \pmod{(n, X^r - 1)}$ auch $(X+a)^m \equiv X^m + a \pmod{(p, X^r - 1)}$ für alle $m \in \{(n/p)^i p^j; i, j \geq 0\}$ folgt.
3. Zeige für $\ell = \lfloor \sqrt{\varphi(r)} \log n / \log 2 \rfloor$ und $t > (\log n / \log 2)^2$, dass

$$n^{\sqrt{t}} < \binom{t+\ell}{t-1}.$$

4. Erstelle ein Pratt-Zertifikat zu 104729.